

Theorem BCS

Basis of the Column Space

Suppose that A is an $m \times n$ matrix with columns $A_1, A_2, A_3, \dots, A_n$, and B is a rowequivalent matrix in reduced row-echelon form with r nonzero rows. Let $D = \{d_1, d_2, d_3, \dots, d_r\}$ be the set of column indices where B has leading 1's. Let $T = \{A_{\alpha_1}, A_{\alpha_2}, A_{\alpha_3}, \dots, A_{\alpha_r}\}$. Then

1. T is a linearly independent set.
2. $C(A) = \langle T \rangle$.

Teorema

Base para la columna del Espacio nulo

Suponga que A es una matriz de $m \times n$ con columnas $A_1, A_2, A_3, \dots, A_n$, y B es una matriz equivalente por filas que esta en la forma reducida escalonada por filas con r distinto de 0 filas. Ahora $D = \{d_1, d_2, d_3, \dots, d_r\}$ va a ser el conjunto de los indices de la columnas donde B tiene los unos principales. Entonces $T = \{A_{\alpha_1}, A_{\alpha_2}, A_{\alpha_3}, \dots, A_{\alpha_r}\}$. Luego

1. T es linealmente independiente.
2. $C(A) = \langle T \rangle$.